

مجموعه $\text{Follow}(x)$ (مجموعه دنباله (x))

Follow یک None Terminal (X) :

مجموعه ترمینال هائی است که در شکل های جمله ای بلافاصله سمت راست x می آیند (اولین سمت راست آن)

$$\alpha \rightarrow Bx\gamma \rightarrow \text{follow}(X) = \{a\}$$

قواعد بدست آوردن مجموعه $\text{follow}(\alpha)$

- اگر α ، start symbol باشد آنگاه $\$$ عضوی از $\text{follow}(\alpha)$ می باشد.
- اگر مولدی به صورت $B \rightarrow A\alpha$ داشته باشیم، آنگاه هر چیزی در $\text{first}(\alpha)$ به جز ϵ به مجموعه $\text{follow}(A)$ اضافه می شود.
- اگر مولدی به صورت $B \rightarrow \alpha A$ داشته باشیم، آنگاه هر چیزی در $\text{follow}(B)$ به مجموعه $\text{follow}(A)$ اضافه می شود.
- اگر مولدی به صورت $A \rightarrow \alpha B\beta$ وجود داشته باشد، آنگاه هر چیزی در $\text{first}(\beta)$ به جز ϵ به مجموعه $\text{follow}(B)$ اضافه می شود.
- مولدی به صورت $A \rightarrow \alpha B\beta$ که $\text{first}(\beta)$ حاوی ϵ باشد آنگاه هر چیزی در مجموعه $\text{follow}(A)$ به $\text{follow}(B)$ اضافه می شود.

مثال. $\text{FIRST}()$ و $\text{Follow}()$ هر کدام را حساب کنید.

$$\begin{aligned}\text{follow}(E) &= \{ \$,) \} \\ \text{follow}(E') &= \{ \$,) \} \\ \text{follow}(T) &= \{ +, \$,) \} \\ \text{follow}(T') &= \{ +, \$,) \} \\ \text{follow}(F) &= \{ *, +, \$,) \}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{first}(T') &= \{ *, \epsilon \} \\ \text{first}(F) &= \{ (, id \} \\ \text{first}(E') &= \{ +, \epsilon \} \\ \text{first}(T) &= \{ (, id \} \\ \text{first}(E) &= \{ (, id \}\end{aligned}$$

پاسخ

$$\begin{aligned}1) & E \rightarrow TE' \\ 2) & E' \rightarrow +TE' \mid \epsilon \\ 3) & T \rightarrow FT' \\ 4) & T' \rightarrow *FT' \mid \epsilon \\ 5) & F \rightarrow (E) \mid id\end{aligned}$$

مثال. $\text{FIRST}()$ و $\text{Follow}()$ هر کدام را حساب کنید.

$$\begin{aligned}\text{follow}(S) &= \{ \$, b, d \} \\ \text{follow}(A) &= \{ \$, b, d \} \\ \text{follow}(B) &= \{ a, b, d, \$ \} \\ \text{follow}(D) &= \{ a, b, d, \$ \}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{first}(S) &= \{ a, b, d \} \\ \text{first}(A) &= \{ a, b, d \} \\ \text{first}(B) &= \{ b, d, \epsilon \} \\ \text{first}(D) &= \{ d, \epsilon \}\end{aligned}$$

پاسخ

$$\begin{aligned}1) & S \rightarrow ABD \\ 2) & A \rightarrow a \mid BSB \\ 3) & B \rightarrow b \mid D \\ 4) & D \rightarrow d \mid \epsilon\end{aligned}$$

مثال. $\text{FIRST}()$ و $\text{Follow}()$ هر کدام را حساب کنید.

$$\begin{aligned}\text{follow}(S) &= \{ b, \$ \} \\ \text{follow}(A) &= \{ a \} \\ \text{follow}(B) &= \{ a, b, c, d \} \\ \text{follow}(C) &= \{ a, d \}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{first}(S) &= \{ \epsilon, b, c, d \} \\ \text{first}(A) &= \{ \epsilon, b, c, d \} \\ \text{first}(B) &= \{ b, \epsilon \} \\ \text{first}(C) &= \{ c, b, \epsilon \}\end{aligned}$$

پاسخ

$$\begin{aligned}1) & S \rightarrow BCd \mid \epsilon \\ 2) & A \rightarrow AaSb \mid SbC \mid \epsilon \\ 3) & B \rightarrow b \mid \epsilon \\ 4) & C \rightarrow c \mid B\end{aligned}$$

گرامر زیر که در آن S ، E و F سمبل های غیر ترمینال و $+$ ، $-$ ، $*$ سمبل های ترمینال هستند را در نظر بگیرید مجموعه $First(E)$ و $Follow(E)$ را بیابید.

$$\begin{array}{lcl} S \rightarrow +E - & & \\ first(E) = \{+, *\} & پاسخ & E \rightarrow F | * \\ follow(E) = \{-, *\} & & F \rightarrow +E* | \lambda \end{array}$$

□ ترمینال ها **follow** ندارند.

گرامر بالا به پایین پیشگوکننده:

□ مبهم نباشد

□ بازگشتی چپ نداشته باشد.

□ فاکتورگیری از چپ بر روی آن اعمال شده باشد.

بازگشتی چپ (left Rotation)

$$A \rightarrow A\alpha \quad (1- \text{بازگشتی چپ آشکار (بدیهی)})$$

$$A \rightarrow B\alpha \rightarrow Ad\alpha$$

این بازگشتی چپ برای A ضمنی است

$$A \rightarrow B\alpha | c$$

$$B \rightarrow Ad | Bc | d$$

۲- بازگشتی چپ ضمنی

حذف بازگشتی چپ بدیهی:

چنانکه قانونی به شکل $A \rightarrow A\alpha_1 | A\alpha_2 | \dots | A\alpha_m | \beta_1 | \beta_2 | \dots | \beta_n$ داشته باشیم به طوریکه β_i ها با A شروع نشوند و هیچکدام از α_i ها نبایستی ϵ باشند می توان مشکل بازگشتی چپ را با جایگزینی دو قانون زیر حل کرد

$$A \rightarrow \beta_1 A' | \beta_2 A' | \dots | \beta_n A'$$

$$A' \rightarrow \alpha_1 A' | \alpha_2 A' | \dots | \alpha_m A' | \epsilon$$

مثال. بازگشتی گرامر زیر را حذف کنید.

$$E \rightarrow EAc | Ea | d | Bc | Ed$$

$$E \rightarrow dE' | BcE'$$

$$E' \rightarrow AcE' | aE' | dE' | \epsilon \quad \text{پاسخ}$$

حذف بازگشتی چپ ضمنی:

□ گرامر G قاعده افسیلون نداشته باشد.

□ دورهای $A \xrightarrow{+} A$ در گرامر G نباشند

الگوریتم

for $i = 1$ to n do

for $j = 1$ to $(i - 1)$ do

- به جای هر قانون به شکل کلی $A_i \rightarrow A_j \beta$ به طوریکه $\alpha_1 | \alpha_2 | \alpha_3 | \dots | \alpha_k$ قرار بده

$$A_i \rightarrow \alpha_1 \beta | \alpha_2 \beta | \dots | \alpha_k \beta$$

- حال اگر A_i دارای بازگشتی چپ آشکار است، آن را حذف کن.

مثال. بازگشتی چپ را از گرامر زیر حذف کنید.

$$S \rightarrow Aa \mid b$$

$$A \rightarrow Ac \mid Sd$$

$$A \rightarrow Ac \mid Aad \mid bd$$

برای حذف بازگشتی ضمنی چپ داریم

$$S \rightarrow Aa \mid b$$

حال با حذف بازگشتی چپ آشکار داریم

$$S \rightarrow Aa \mid b$$

$$A \rightarrow bdA'$$

$$A' \rightarrow cA' \mid adA' \mid \varepsilon$$

فاکتور چپ.

یک گرامر دارای فاکتور چپ است اگر در سمت چپ حداقل دو تا از تولیدات آن یک عنصر مشترک باشد. مثلاً $A \rightarrow a\beta_1 \mid a\beta_2$ دارای فاکتور چپ α می باشد به روشنی می توان دید که از این نوع گرامر ها نمی توان در پارسر های بالا به پایین استفاده کرد چون در هنگام پارس کردن نمی توان تعیین کرد که کدام یک از این قوانین تولید ما را به جواب می رساند. برای رفع مشکل بالا می توان از فاکتور گرفت.

□ در حالت کلی اگر داشته باشیم $A \rightarrow a\beta_1 \mid a\beta_2 \mid \dots \mid a\beta_m \mid \delta_1 \mid \delta_n \mid \dots \mid \delta_n$ آنگاه با فاکتور گیری از α می توان فاکتور چپ را به صورت زیر حذف نمود

$$A \rightarrow \alpha A' \mid \delta_1 \mid \delta_2 \mid \dots \mid \delta_n$$

$$A' \rightarrow \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_m$$

مثال گرامر زیر را در نظر بگیرید

$$S \rightarrow iEtS$$

$$S \rightarrow iEtSeS \mid a$$

$$E \rightarrow b$$

$$S \rightarrow iEtSS' \mid a$$

$$S' \rightarrow eS \mid \varepsilon$$

$$E \rightarrow b$$

پس از فاکتور گیری داریم

$$A \rightarrow abcE \mid abcdf \mid abcdT \mid abcdmT'$$

مثال گرامر زیر را در نظر بگیرید

$$A \rightarrow abcB'$$

$$B' \rightarrow E \mid df \mid dT \mid dmT'$$

فاکتور گیری مرحله اول

$$A \rightarrow abcB'$$

$$B' \rightarrow E \mid dZ'$$

$$Z' \rightarrow f \mid T \mid mT'$$

فاکتور گیری مرحله دوم

ساخت جدول تجزیه (parse Table)

گرامر ورودی جدول تجزیه بایستی خواص زیر را داشته باشد.

- گرامر مبهم نباشد
- بازگشتی چپ نداشته باشد
- فاکتور گیری از چپ روی آن اعمال شده باشد.

جدول تجزیه:

- ماتریس دو بعدی است
- سطر ها غیر پایانه ها را نشان می دهد
- ستون ها پایانه ها را نشان می دهد.

برای تشکیل جدول پارسینگ به صورت زیر عمل می کنیم

۱- برای هر قانون به شکل $A \rightarrow \alpha$ مراحل زیر را تکرار کنید

(a) به ازای $a \in first(\alpha)$ شماره قاعده $A \rightarrow \alpha$ را در محل $M[A, a]$ قرار می دهیم.

(b) اگر $\epsilon \in first(\alpha)$ آنگاه به ازای هر $B \in follow(A)$ شماره قاعده $A \rightarrow \alpha$ را در محل $M[A, B]$ قرار می دهیم.

(c) اگر $\epsilon \in first(\alpha)$ و $\$ \in follow(A)$ آنگاه در محل $M[A, \$]$ شماره قاعده $A \rightarrow \epsilon$ را قرار می دهیم.
مثال.

$$follow(E) = \{ \$,) \}$$

$$follow(E') = \{ \$,) \}$$

$$follow(T) = \{ +, , \$,) \}$$

$$follow(T') = \{ +, , \$,) \}$$

$$follow(F) = \{ *, +, \$,) \}$$

$$first(T') = \{ *, \epsilon \}$$

$$first(F) = \{ (, id \}$$

$$first(E') = \{ +, \epsilon \}$$

$$first(T) = \{ (, id \}$$

$$first(E) = \{ (, id \}$$

$$1) E \rightarrow TE'$$

$$2-3) E' \rightarrow +TE' \mid \epsilon$$

$$4) T \rightarrow FT'$$

$$5-6) T' \rightarrow *FT' \mid \epsilon$$

$$7-8) F \rightarrow (E) \mid id$$

	+	*	()	id	\$
E	E	E	1	E	1	E
E'	2	E	E	3	E	3
T	E	E	4	E	4	E
T'	6	5	E	6	E	6
F	E	E	7	E	8	E

مثال. برای گرامر زیر جدول پارسینگ تشکیل دهید.

$$(1,2,3) S \rightarrow A; \text{ for } (A; C; A)S \mid B$$

$$(4,5) A \rightarrow V = E \mid \epsilon$$

$$(6,7) C \rightarrow E \mid \epsilon$$

$$(8) E \rightarrow V$$

$$(9) V \rightarrow idX$$

$$(10,11) X \rightarrow 0V \mid \epsilon$$

$$(12) B \rightarrow \{L\}$$

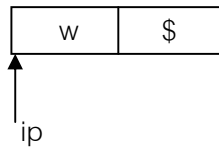
$$(13,14) L \rightarrow SL\epsilon \mid \epsilon$$

	;	for	()	=	id	0	{	}	\$
S	1	2	E	E	E	1	E	3	E	E
A	5	E	E	5	E	4	E	E	E	E
C	7	E	E	E	E	6	E	E	E	E
E		E	E	E	E	8	E	E	E	E
V		E	E	E	E	9	E	E	E	E
X	11	E	E	11	11	E	10	E	E	E
B		E	E	E	E	E	12	E	E	E
L	13	13	E	E	E	13	E	13	14	E

	S	A	C	E	V	X	B	L
first()	id ; for {	id ε	id ε	id	id	0ε	{	id ; for {ε
follow()	\$id ; for {);	;);	=;)	=;)	\$id ; for {	}

الگوریتم تجزیه پیشگو کننده: LL(1)

- به انتهای پشته ورودی \$ اضافه کنید.
- ip را طوری مقدار دهی کنید که به ابتدای رشته w اشاره کند.
- به پشته \$ و $startsy$ را اضافه کنید (push)
- رشته ورودی توکن ها هستند
- در پشته، ترمینال، non ترمینال و \$ قرار دارد.



با استفاده از جدول تجزیه و همچنین یک پشته به راحتی می توان عمل تجزیه بالا به پایین را انجام داد. روش کار به این صورت است در ابتدا به انتهای رشته ورودی علامت \$ که نشان دهنده خاتمه فایل است افزوده می گردد از سوی دیگر علامت سرترم گرامر نیز به همراه \$ در داخل پشته قرار می گیرد. عمل تجزیه زمانی با موفقیت به پایان می رسد که در ورودی \$ و در پشته تنها علامت \$ باقی مانده باشد.

پس از قرار دادن سرترم گرامر و \$ در پشته از ورودی یک علامت خوانده می شود، اگر فرض کنیم که علامت موجود در ورودی a و عنصر بالای پشته x باشد حالات زیر ممکن است اتفاق بیفتد

- ۱- اگر $a = x = \$$ باشد عمل تجزیه با موفقیت به پایان رسیده است
- ۲- اگر $a = x \neq \$$ باشد، x از بالای پشته حذف می شود و عنصر بعدی از ورودی خوانده می شود
- ۳- اگر x یک ترمینال باشد و $a \neq x$ خطای نحوی رخ میدهد
- ۴- اگر x یک ترم میانمی (غیر ترمینال) باشد برنامه به محل $M[X, a]$ در جدول مراجعه می کند در این جا دو حالت امکان دارد الف) قاعده ای به صورت $UVW \rightarrow X$ در خانه $M[X, a]$ وجود دارد در این حالت عنصر x از پشته pop شده و UVW به درون پشته push می شود به طوریکه عنصر U در بالای پشته قرار می گیرد. ب) خانه $M[X, a]$ خالی است در این حالت یک خطای نحوی رخ میدهد.

توضیحات بالا را به صورت الگوریتم زیر نیز می توان نوشت.

```

set ip to point to the first symbol of W$;
repeat
    let X be the top stack symbol and  $\alpha$  the symbol pointed to by ip;
    if X is a terminal or $ then
        if  $X = \alpha$  then
            pop X from the stack and Advance ip;
        else error();
    else /* X is nonterminal */
        if  $M[X, a] = X \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_k$  then begin
            pop X from the stack;
            push  $Y_k, Y_{k-1}, \dots, Y_1$  on to the stack, with  $Y_1$  on top;
            output the production  $X \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_k$ 
        end
    else error
Until  $X = \$$  /* stack is empty */

```

عمل تجزیه برای جمله $id + id * id$ در زیر تشریح شده است (با توجه به جدول تجزیه صفحه قبل).

پشته	ورودی	قانون استفاده شده
$\$E$	$id + id * id\$$	
$\$E'T$	$id + id * id\$$	$E \rightarrow TE'$
$\$E'T'F$	$id + id * id\$$	$T \rightarrow FT'$
$\$E'T'id$	$id + id * id\$$	$F \rightarrow id$
$\$E'T'$	$+ id * id\$$	
$\$E'$	$+ id * id\$$	$T' \rightarrow \varepsilon$
$\$E'T +$	$+ id * id\$$	$E' \rightarrow +TE'$
$\$E'T$	$id * id\$$	
$\$E'T'F$	$id * id\$$	$T \rightarrow FT'$
$\$E'T'id$	$id * id\$$	$F \rightarrow id$
$\$E'T'$	$* id\$$	
$\$E'T'F *$	$* id\$$	$T' \rightarrow *FT'$
$\$E'T'F$	$id\$$	
$\$E'T'id$	$id\$$	$F \rightarrow id$
$\$E'T'$	$\$$	
$\$E'$	$\$$	$T' \rightarrow \varepsilon$
$\$$	$\$$	$E' \rightarrow \varepsilon$

گذر از خطا

خطا

۱- بالای پشته پایانه باشد و با ورودی فعلی تطابق نداشته باشد

۲- بالای پشته غیر پایانه ولی محل $M[X, token]$ خالی (null) باشد.

دو روش برای اصلاح خطاهای نحوی در روش $LL(1)$ وجود دارد.

– *panic Mode*

– *pharse level*

در روش *panic Mode* اگر پارسر با مراجعه به یک خانه خالی جدول تجزیه یک خطای نحوی بیابد، آنقدر از ورودی حذف می کند تا به یکی از اعضای مجموعه ای موسوم به مجموعه *synchronizing* برسد در روش *panic Mode* با ازای هر غیر پایانه در گرامر یک مجموعه *synchronizing* در نظر گرفته میشود. کارائی روش *panic Mode* نیز بستگی به انتخاب مناسب مجموعه *synchronizing* دارد. این

مجموعه باید به گونه ای انتخاب شود که عمل تجزیه بتواند بدون حذف قسمت زیادی از ورودی به کار خود ادامه دهد. یک انتخاب مناسب در نظر گرفتن مجموعه *follow* هر غیر پایانه ای به عنوان مجموعه *synchornizing* آن غیر پایانه است. با این وجود در نظر گرفتن مجموعه *follow* تنها برای *synchornizing* کافی نیست. برای این که حذف کمتری در برنامه صورت بگیرد می توان نماد های بیشتری را به این مجموعه افزود، مثلاً می توان مجموعه *first* غیر پایانه ها را نیز به مجموعه *synchornizing* آنها افزود.

توسعه الگوریتم تجزیه جهت اعمال گذر از خطا

```

tos = 0;
stack[tos++] = $;
stack[tos++] = start symbol;
token = get token();
do{ // X is top of the stack
  if X is a terminal or X = $;
    if X = token{
      pop X;
      token = get token();}
    else
      pop X;
  else // X is a non-terminal;
    if M[X,token]=NoT NULL && X ≠ synch;
    {
      pop X;
      push  $Y_k, Y_{k-1}, \dots, Y_1$ 
    }
    else if X = synch;
      if X is not sign N.T in stack;
      pop X;
    else
      token = get token();
    else
      token = get token();
  } while(Token ≠ $);

```