



زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۹۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۰

عنوان درس: جبر خطی عددی

رشته تحصیلی/ گد درس: علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۱۰۵

استفاده از ماشین حساب ساده، ماشین حساب مهندسی مجاز است

- کدامیک از عبارت‌های زیر نادرست است؟

۱. یک ماتریس مربعی می‌تواند حداقل یک معکوس را داشته باشد.

۲. اگر A و B دو ماتریس مربعی باشند به طوری که $AB = I$ آنگاه $BA = I$ است.

۳. یک ماتریس مربعی می‌تواند حداقل یک معکوس را داشته باشد.

۴. اگر A یک ماتریس معکوس را داشته باشد آنگاه منحصر به فرد است.

- برای هر ماتریس $n \times n$ مانند A کدامیک از خواص زیر با بقیه هم ارز نیستند؟

۱. معادله $Ax = 0$ ایجاد می‌کند که $x = 0$.

۲. دترمینان ماتریس A مخالف صفر است.

۳. ستون‌های ماتریس A یک پایه برای \mathbb{R}^n تشکیل می‌دهند.

۴. صفر، یک مقدار ویژه ماتریس A است.

- کدامیک از روابط زیر درست است؟

۱. یک ماتریس پایین مثلثی یا بالا مثلثی نامنفرد است اگر و تنها اگر عناصر روی قطرش مخالف صفر باشد.

۲. اگر همه n کهاد اصلی پیشرو در ماتریس $n \times n$ ، A منفرد باشد آنگاه A یک تجزیه LU دارد.

۳. اگر A حقیقی، متقارن و معین مثبت باشد آنگاه یک تجزیه منحصر به فرد L دارد که در آن $A = LL^T$ باشد L بالا مثلثی با عناصر قطری منفی است.

.۴

$$\text{تجزیه } LU \text{ دارد. } A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix} \quad -4$$

جواب دستگاه عبارتست از

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 2 \end{bmatrix} .4$$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} .3$$

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix} .2$$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} .1$$



زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۹۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۰

عنوان درس: جبر خطی عددی

رشته تحصیلی/ گد درس: علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۱۰۵

۵- کدام یک از گزینه های زیر در مورد روش حذف گاوس بدون محور گیری درست است؟

۱. اکیدا غالب قطری بودن یک ماتریس را حفظ می کند.
۲. منفرد بودن یک ماتریس را حفظ می کند.
۳. نامنفرد بودن یک ماتریس را حفظ می کند.
۴. تجزیه ناپذیر بودن یک ماتریس را حفظ می کند.

۶- کدامیک از خواص زیر برای نرمها برقرار نیست؟

$$\|x + y\| \leq \|x\| + \|y\| \quad .4 \quad \|\lambda x\| = |\lambda| \|x\| \quad .3 \quad \|x + y\| \leq \|x\| + \|y\| \quad .2 \quad \|\cdot\| = .1$$

۷- برای دستگاه خطی $\begin{bmatrix} 7 & -6 \\ -8 & 9 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 \\ -4 \end{bmatrix}$ روش تکراری زیر چه نام دارد؟

$$x_1^{(k)} = \frac{6}{7}x_2^{(k-1)} + \frac{3}{7}$$

$$x_2^{(k)} = \frac{8}{9}x_1^{(k)} - \frac{4}{9}$$

SOR .4

۳. ریچاردسون

۲. ژاکوبی

۱. گاوس سایدل

۸- با استفاده از نرم ماتریس بی نهایت، عدد وضعیت ماتریس $\begin{bmatrix} 7 & 8 \\ 9 & 10 \end{bmatrix}$ برابر است با

۱۵ .4

-۱۵ .3

۵۰ .2

-۵۰ .1

۹- کدامیک از مقادیر زیر یک مقدار ویژه برای ماتریس $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 3 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ است؟

$$\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{7}}{2}i \quad .4$$

$$\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{7}}{2}i \quad .3$$

-۴ .2

$$-\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{7}}{2}i \quad .1$$

۱۰- اثر ماتریس $(tr(A) = ?)$ برابر است با $\begin{bmatrix} 6 & 5 & -5 \\ 2 & 6 & -2 \\ 2 & 5 & -1 \end{bmatrix}$

۲ .4

۱۰ .3

۱۱ .2

۶ .1

۱۱- اگر λ یک مقدار ویژه ماتریس A و ماتریس A^{-1} نامنفرد باشد آنگاه λ^{-1} یک مقدار ویژه برای

A^T است.

$$\frac{1}{A^{-1}} \quad .3$$

A^{-1} است.

۱. A است.



زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۹۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۰

عنوان درس: جبر خطی عددی

رشته تحصیلی/ گد درس: علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۱۰۵

۱۲- قضیه شور عبارت است از

۱. هر ماتریس مربعی مشابه یک ماتریس مثلثی است.
۲. هر ماتریس هرمیتی به طور یکانی مشابه به یک ماتریس قطری است
۳. هر ماتریس مربعی به طور یکانی مشابه به یک ماتریس قطری است.
۴. هر ماتریس مربعی به طور یکانی مشابه یک ماتریس مثلثی است.

۱۳- کدامیک از روابط زیر درست است؟

$$\|A\|_2 = \max_{1 \leq i \leq n} |a_{ij}| \quad .1$$

اگر ماتریس A قطری باشد آنگاه

$$\|A\|_2^2 > \|A^* A\|_2 \quad .2$$

اگر ماتریس A مربعی باشد آنگاه

.۳ اگر ماتریس A نرمال باشد آنگاه A^* دارای بردارهای ویژه یکسانی نیستند.

.۴ اگر ماتریس A نرمال باشد آنگاه شرط $AB = BA$ ایجاب می کند که $AB^* = B^* A$

$$A = \begin{bmatrix} 63 & 41 & -88 \\ 42 & 60 & 51 \\ 0 & -28 & 56 \\ 126 & 82 & -71 \end{bmatrix} \quad .14$$

فرض کنید QR تجزیه β مقدار در اولین گام در تجزیه A برابر است با

$$\frac{1}{21\sqrt{70}} \quad .4$$

$$-147 \quad .3$$

$$\sqrt{70} \quad .2$$

$$21 \quad .1$$

$$A = \begin{bmatrix} 63 & 41 & -88 \\ 42 & 60 & 51 \\ 0 & -28 & 56 \\ 126 & 82 & -71 \end{bmatrix} \quad .15$$

در ماتریس Q مقدار در اولین گام تجزیه QR برابر است با

$$-\sqrt{21} \quad .4$$

$$\frac{70}{\sqrt{21}} \quad .3$$

$$\sqrt{70} \quad .2$$

$$\frac{1}{21\sqrt{70}} \quad .1$$



زمان آزمون (دقیقه) : تستی : ۹۰ تشریحی : ۰

تعداد سوالات : تستی : ۲۵ تشریحی : ۰

عنوان درس : جبر خطی عددی

رشته تحصیلی / گد درس : علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۱۰۵

$$A = \begin{bmatrix} 7 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad \text{برای ماتریس } A^*A \text{ کدام است؟}$$

-۱۶

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 9 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 49 \end{bmatrix} \quad .۴$$

$$\begin{bmatrix} 49 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad .۳$$

$$\begin{bmatrix} 49 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 9 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad .۲$$

$$\begin{bmatrix} 49 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 9 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad .۱$$

-۱۷ - کدام یک از خواص زیر جزء خواص پنzer نیست؟

$$XAX = X \quad .۲$$

$$(AX)^* = AX \quad .۱$$

$$AXA = A \quad .۴$$

$$XAX = A \quad .۳$$

-۱۸ - کدامیک از روابط زیر نادرست است؟

.۱ هر ماتریس یک شبه معکوس منحصر به فرد دارد.

.۱ شبه معکوس یک ماتریس خواص پنzer را دارد.

$$(AA^*) = A^*A^+ \quad .۴$$

.۳ اگر ماتریس A هرمیتی باشد A^+ نیز چنین است.

-۱۹ - کدام یک از ماتریس های زیر خودتوان می باشند؟

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \quad .۴$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \quad .۳$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \quad .۲$$

$$I_2 \quad .۱$$

-۲۰ - فضای ضرب داخلی یک فضای خطی از C^n است که در آن یک ضرب داخلی به جز در کدام مورد تعریف شده است؟

$$\alpha, \beta \in C, \langle \alpha x + \beta y, z \rangle = \alpha \langle x, z \rangle + \beta \langle y, z \rangle \quad .۲$$

$$\text{اگر } x \neq 0 \quad \langle x, x \rangle > 0 \quad .۱$$

$$\langle x, y \rangle = \langle y, x \rangle \quad .۴$$

$$\langle x, y \rangle = \overline{\langle y, x \rangle} \quad .۳$$

-۲۱ - به ازای چه مقادیری از θ ماتریس زیر متعامد است؟

$$\begin{bmatrix} \cos \theta & \sin \theta \\ -\sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix}$$

$$\theta = 2\pi \quad .۲$$

$$\theta = 0 \quad .۱$$

$$\theta \quad .۴ \quad \text{به ازای هر مقداری برای}$$

$$\theta = \frac{\pi}{2} \quad .۳$$



زمان آزمون (دقیقه) : تستی : ۹۰ تشریحی : ۰

تعداد سوالات : تستی : ۲۵ تشریحی : ۰

عنوان درس : جبر خطی عددی

رشته تحصیلی / گد درس : علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۱۰۵

-۴۲ شرط لازم و کافی همگرایی فرمول تکراری $x^{(k)} = Gx^{(k-1)} + c$ به ازای هر بردار اولیه ای چیست؟

$$\rho(A) < 1 \quad .4$$

$$\rho(G) < 1 \quad .3$$

$$\rho(A) \leq 1 \quad .2$$

$$\rho(G) \leq 1 \quad .1$$

-۴۳ کدام یک از دوایر زیر؛ دایره قضیه گرشگورین برای ماتریس $\begin{bmatrix} 3 & -1 & 0 \\ -4 & 2 & 1 \\ 6 & 7 & -5 \end{bmatrix}$ است؟

$$\{Z \in \mathbb{C} : |Z+5| \leq 13\} \quad .2$$

$$\{Z \in \mathbb{C} : |Z-3| \leq 4\} \quad .1$$

$$\{Z \in \mathbb{C} : |Z-2| \leq 1\} \quad .4$$

$$\{Z \in \mathbb{C} : |Z-2| \geq 3\} \quad .3$$

-۴۴ در تجزیه ماتریس A به صورت $UAU^* = T$ مقادیر ویژه کدام دو ماتریس یکسانند؟ (U یکانی و T مثلثی است).

$$U^*, U \quad .4$$

$$A, T \quad .3$$

$$U, T \quad .2$$

$$U, A \quad .1$$

-۴۵ معادله مشخصه ماتریس $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 3 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ کدام است؟

$$-(\lambda - 2)^3 = 0 \quad .2$$

$$-\lambda^3 + 3\lambda^2 + 2\lambda + 8 = 0 \quad .1$$

$$-(\lambda - 1)^3 = 0 \quad .4$$

$$(\lambda - 1)^3 = 0 \quad .3$$